

Prof. Dr. Alfred Toth

Zwischenheit als semiotische Relation

1. Bildet man die Subzeichen der semiotischen Matrix, d.h. die dyadischen semiotischen Partialrelationen auf die Repräsentationswerte ab, so erhält man folgendes Bild:

		1.2		2.3		3.3	
	1.1	2.1	2.2	3.2			
SZ	2	3	4	5	6		Rpw,

d.h. zu Abbildungen sind nur im Falle von $R(2, (1.1))$ und $R(6, (3.3))$ eindeutig.

2. Wir wollen Zwischenheit für Subzeichen wie folgt definieren:

$$B((a.b), (a.b)) = \emptyset$$

$$B((a.b), (c.d)) = B((c.d), (a.b)) \rightarrow (a.b) = (c.d)$$

Falls $B((a.b), (c.d))$ und $B((a.b), (e.f))$, dann gilt auch $B((c.d), (e.f))$

Zusätzlich vereinbaren wir:

$$B((a.b), (c.d)) \text{ gdw } a < b \text{ oder } b < d.$$

B ist somit eine nicht-reflexive, antisymmetrische und transitive Relation. Die zusätzliche Vereinbarung erlaubt die mehrdeutigen Abbildungen.

Damit haben wir also z.B.

$$(1.1) = B(\emptyset, 1.2) = B(\emptyset, 2.1) = B(\emptyset, 2.2) = B(\emptyset, 2.3) = B(\emptyset, 3.2) = B(\emptyset, 3.3),$$

d.h. man kann durch B topologische Filter definieren, so daß man z.B. hat

$$B(\emptyset, 1.2) = B(\emptyset, 2.1) \subset B(\emptyset, 2.2) \subset B(\emptyset, 2.3) \subset B(\emptyset, 3.2) \subset B(\emptyset, 3.3),$$

man beachte, daß Gleichheit und Mengeninklusion sich hier nicht ausschließen! Inhaltlich nähern wir uns hier den Definition der surrealen Zahlen (vgl. Toth 2011). Durch dieses Verfahren ist es somit möglich, Zwischenheit nicht nur entlang einer Triade oder Trichotomie, sondern auch gemischt bzw. diagonal zu bestimmen – entsprechend den drei Typen von Peirce-Zeichen (vgl. Toth 2010).

Bibliographie

Toth, Alfred, Kategorien und Peirce-Zahlen. In: Electronic Journal of Mathematical Semiotics, <http://www.mathematical-semiotics.com/pdf/Kat.%20u.-%20Peirce-Zahlen.pdf> (2010)

Toth, Alfred, Peanozahlen und Conway-“Nimbers” als semiotische Basen. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, <http://www.mathematical-semiotics.com/pdf/Peanozahlen%20und%20surreale%20Z..pdf> (2011)

12.9.2011